



СИСТЕМАТИКА

XVI Олимпиада по математике

8 класс

Задача №1.

Когда пассажирский поезд идёт навстречу товарному, он проезжает мимо него в 3 раза быстрее, чем когда поезда идут в одном направлении.

За сколько минут товарный поезд проедет мимо стоящего пассажирского, если пассажирский поезд проезжает мимо стоящего товарного за 2 минуты?

Варианты ответа:

- (А) 40 секунд
- (Б) 2 минуты
- (В) 4 минуты
- (Г) 5 минут
- (Д) 6 минут

Решение: (В) 4 минуты

Критерии: 5 баллов - правильный ответ.

Задача №2.

Во дворце Чудовища каждая дверь ведёт из одной комнаты в другую. Красавица заметила, что, если любым способом закрыть не более чем $\frac{1}{3}$ всех дверей, то из любой комнаты всё ещё можно будет попасть в любую другую.

Какое наибольшее количество комнат может быть во дворце?

Варианты ответа:

- (А) 4
- (Б) 5
- (В) 12
- (Г) 48
- (Д) Сколь угодно много

Решение: (Б) 5

Критерии: 6 баллов - правильный ответ.

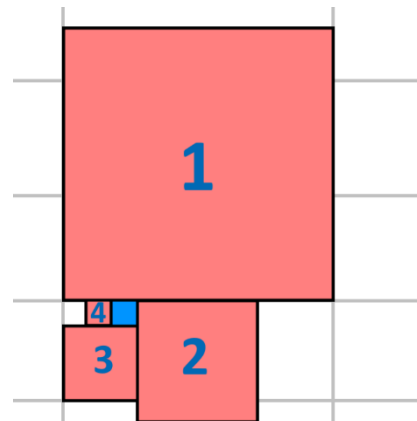
Задача №3.**На рисунке изображено 5 квадратов.**

Известно, что сторона самого большого равна 11, второй квадрат находится посередине стороны первого, третий — посередине стороны второго, четвёртый — посередине стороны третьего.

Чему равна площадь голубого квадратика?

Варианты ответа:

- (А) 1
- (Б) 9/16
- (В) 9/4
- (Г) 81/100
- (Д) 121/144

**Решение:** (А) 1**Критерии:** 4 балла - правильный ответ.**Задача №4.**

Каким будет минимальный простой делитель данного выражения.

$$2024^{2024} - 2023^{2023} + 2022^{2022} - \dots + 4^4 - 3^3 + 2^2 - 1^1$$

Варианты ответа:

- (А) 1
- (Б) 2
- (В) 3
- (Г) 5
- (Д) 2021

Решение: (Б) 2**Критерии:** 6 баллов - правильный ответ.**Задача №5.**

На станции за южным полярным кругом было 8 исследователей, но одного из них подменил пришелец из космоса. Каждый человек знает, кто пришелец, но слишком напуган чтобы говорить правду. Инспектор, который прибыл на станцию чтобы выявить опасного инопланетянина, может выделить любую группу людей (не меньше двух) и тайно **опросить** всю группу, то есть спросить у каждого из них, есть ли среди них пришелец. Люди на этот вопрос ответят правду, а пришелец может ответить правду, а может солгать.

За какое наименьшее количество опросов инспектор может гарантированно определить пришельца?

Варианты ответа:

- (А) 2
- (Б) 3
- (В) 4
- (Г) 5
- (Д) 8

Решение: (Б) 3**Критерии:** 5 баллов - правильный ответ.

Задача №6.

Вычислите.

$$\sqrt{0.69(4)} - 0.(3)$$

Скобками, как водится, обозначается период дроби, то есть цифры, которые после запятой повторяются бесконечно много раз.

Варианты ответа:

- (А) $1/4$
- (Б) $1/3$
- (В) 0 (30)
- (Г) 0,5
- (Д) 0,500067

Решение: (Г) 0,5

Критерии: 4 балла - правильный ответ.

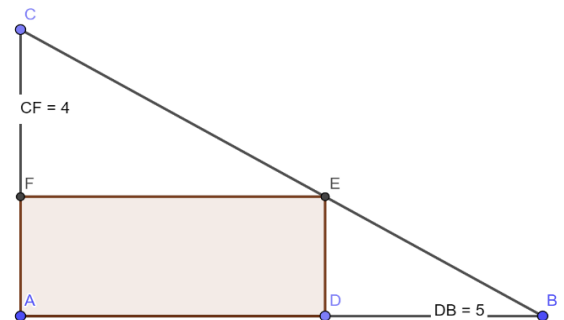
Задача №7.

Внутри прямоугольного треугольника ABC нарисован прямоугольник ADEF, причём известно, что $CF = 4$, а $DB = 5$.

Чему равна площадь прямоугольника ADEF?

Варианты ответа:

- (А) 18,5
- (Б) 20
- (В) 20,5
- (Г) 21
- (Д) 24



Решение: (Б) 20

Критерии: 4 балла - правильный ответ.

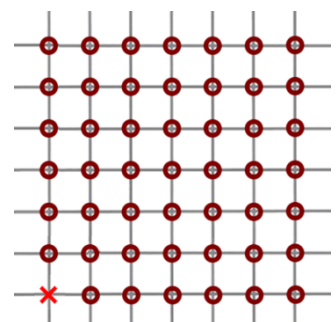
Задача №8.

Рон Уизли (обозначен красным крестиком) может кинуть квоффл в любое кольцо (если на линии нет других колец). После попадания в кольцо мяч тут же отлетает влево или вправо под углом 90° .

В какое максимальное количество колец Рон может забить голы за один бросок (если ему сильно повезёт)?

Варианты ответа:

- (А) 5
- (Б) 13
- (В) 22
- (Г) 25
- (Д) 28



Решение: (В) 22

Критерии: 6 баллов - правильный ответ.

Задача №9.

Длины сторон прямоугольника являются целыми числами.

После того, как одну из сторон увеличили на 2, а вторую увеличили на 4, площадь прямоугольника увеличилась ровно в 3 раза.

Какое максимальное значение может принимать площадь **исходного** прямоугольника?

Варианты ответа:

- (А) 12
- (Б) 15
- (В) 16
- (Г) 21
- (Д) 25

Решение: (Г) 21

Критерии: 5 баллов - правильный ответ.

Задача №10.

Ведьмочка Соня нарисовала на земле магическую девятиугольную звезду.

Известно, что колдовство получится только в том случае, если она правильно назовёт сумму зелёных углов.

Помогите Соне совершить колдовство и **найдите нужную сумму.**

Варианты ответа:

- (А) 360°
- (Б) 540°
- (В) 720°
- (Г) 900°
- (Д) 1080°

Решение: (Г) 900°

Критерии: 5 баллов - правильный ответ.

